Sostenibilidad fiscal en América Latina: Una aproximación empírica

(1.a)
$$B_t - B_{t-1} = G_t^p - T_t + R_t B_{t-1}$$

(1.b)
$$B_{t} = (1 + R_{t})B_{t-1} - SP_{t}$$

(2)
$$GP_{t} = G_{t}^{p} + R_{t}B_{t-1}$$

$$\Delta b_{t+1} = (r - y)b_{t} + d_{t+1}$$

$$d_{t+1} \ge (r - y)b_{t}$$

$$\Delta x_{1} = (x_{1} - x_{2})x_{1} + x_{1}$$

$$x_{1} \ge (x_{2} - x_{2})x_{2}$$

Sostenibilidad ad hoc: el VP de los superávits primarios son iguales a la deuda inicial.

Restricción fiscal con Señoreaje

(1)
$$b_t = (1+r)b_{t-1} - sp_t - \sigma_t$$

donde b_t es la deuda pública real, sp_t es el superávit fiscal real, r es la tasa de interés real.

$$b_t = B_t/P_t$$

 $sp_t = BP/P = balance primario;$
 $\sigma_t = (M_t - M_t)/P_t$

Reordenando (1):

(2)
$$b_{t-1} = (1+r)^{-1} b_t + (1+r)^{-1} (sp_t + \sigma_t)$$

Restricción fiscal con Señoreaje

Desplazando un periodo (2):

(3)
$$b_t = (1+r)^{-1} b_{t+1} + (1+r)^{-1} (sp_{t+1} + \sigma_{t+1})$$

Substituyendo la ecuación (3) en (2):

(4)
$$b_{t-1} = (1+r)^{-2} b_{t+1} + (1+r)^{-2} (sp_{t+1} + \sigma_{t+1}) + (1+r)^{-1} (sp_t + \sigma_t)$$

Substituyendo recursivamente:

(5)
$$b_{t-1} = (1+r)^{-(j+1)} b_{t+j} + \sum_{i=0}^{j} (1+r)^{-(i+1)} (sp_{t+i} + \sigma_{t+i})$$

Restricción fiscal con Señoreaje

Imponiendo la condición límite de:

(6)
$$\lim_{j\to 0} = (1+r)^{-(j+1)} b_{t+j} = 0$$

Se obtiene la restricción presupuestal:

(7)
$$b_{t-1} = \sum_{i=0}^{\infty} (1+r)^{-(i+1)} (sp_{t+i} + \sigma_{t+i})$$

La deuda pública se financia con superávits primarios y con señoreaje en el futuro que representa el valor presente de la deuda pública inicial.

(1.a)
$$B_t - B_{t-1} = G_t^p - T_t + R_t B_{t-1}$$

(1.b)
$$B_t = (1 + R_t)B_{t-1} - SP_t$$

(2)
$$GP_{t} = G_{t}^{p} + R_{t}B_{t-1}$$

IBC

(3)
$$B_{t} = \lim_{n \to \infty} E_{t} \left[\prod_{s=1}^{n} \left(\frac{1}{1 + R_{t+s}} \right) B_{t+n} \right]$$

$$+ \sum_{s=1}^{\infty} EX_{t} \left[\prod_{s=1}^{\infty} \left(\frac{1}{1 + R_{t+s}} \right) SP_{t+s} \right] = 0$$

(4)
$$\lim_{n\to\infty} EX_t \left[\prod_{s=1}^n \left(\frac{B_{t+n}}{1+R_{t+s}} \right) \right] = 0$$

(5)
$$E_t = G_t^p + (R_t - R)B_{t-1}$$

(6)
$$B_t = (1-R)B_{t-1} + E_t - T_t$$

(7)
$$B_{t} = \sum_{j=0}^{\infty} \left(\frac{1}{1+R}\right)^{j+1} \left(T_{t+j} - E_{t+j}\right) + \lim_{j=\infty} \left(\frac{1}{1+R}\right)^{j+1} B_{t+j}$$

(8)
$$\lim_{j=\infty} \left(\frac{1}{1+R}\right)^{j+1} B_{t+j} = 0$$

Razones del PIB:

(9)
$$b_{t} = \left(\frac{1+R_{t}}{1+y_{t}}\right)b_{t-1} + d_{t}$$

(10)
$$\Delta b_{t+1} = (r - y)b_t + d_{t+1}$$

$$(11) d_{t+1} \ge (r-y)b_t$$

IBC:

(12)
$$b_{t-1} = \sum_{s=0}^{\infty} \left(\frac{1+y}{1+R}\right)^{s+1} \left[\rho_{t+s} - e_{t+s}\right] + \lim_{s \to \infty} b_{t+s} \left(\frac{1+y}{1+R}\right)^{s+1}$$

(13)
$$\Delta B_{t} = \sum_{j=0}^{\infty} \left(\frac{1}{1+R}\right)^{j+1} \left(\Delta T_{i+j+1} - \Delta E_{i+j+1}\right) + \lim_{j=\infty} \left(\frac{1}{1+R}\right)^{j+1} \Delta B_{t+j+1}$$

Condición de sostenibilidad fiscal:

(14)
$$\lim_{j=\infty} \left(\frac{1}{1+R}\right)^{j+1} \Delta B_{t+j+1} = 0$$

Las pruebas econométricas básicas son:

- 1.- Pruebas de raíces unitarias sobre la deuda y el déficit público y el gasto público y los ingreso públicos.
- 1.1. La deuda pública es estacionaria I(0) y el déficit público incluyendo pago por intereses es una serie estacionaria \rightarrow cointegración.

- 1.2. La razón entre deuda pública y PIB o entre pagos de intereses y PIB se mantiene constante o esta razón es estacionaria. Ello implica que la deuda crece más despacio que la economía → deuda pública y el PIB cointegran.
- 2. Prueba de cointegración para la sostenibilidad fiscal.

(15)
$$B_t - B_{t-1} = G_t^p - R_t B_{t-1} - T_t = GP_t - T_t$$

(16)
$$G_t = G_t^p + (R_t - R)B_{t-1}$$

(17)
$$B_t - (1-R)B_t = G_t - T_t$$

La restricción presupuestaria intertemporal substituyendo recursivamente a futuro la ecuación (17):

(18)
$$B_{t} = \sum_{j=0}^{\infty} (1+r)^{-j} \left(T_{t+j} - G_{t+j} \right) + \lim_{j \to \infty} (1+r)^{-j} B_{t+j}$$

(19)
$$GP_t - T_t = \sum_{j=0}^{\infty} (1+r)^{-j} \left(\Delta T_{t+j} - \Delta G_{t+j} \right) + \lim_{j \to \infty} (1+r)^{-j} \Delta B_{t+j}$$

(20)
$$B_{t} = EX \sum_{j=0}^{\infty} (1+r)^{-j} (T_{t+j} - G_{t+j}) + \lim_{j \to \infty} E_{t} (1+r)^{-j} B_{t+j}$$

(21)
$$\lim_{j\to\infty} E_t (1+r)^{-j} B_{t+j} = 0$$

$$32_{11} - 32_{11} = 333_{11} + 333_{11}$$

B es $I(1) \rightarrow DP$ es I(0).

 $DP = SP + rB \rightarrow B y S cointegran con$

(1,-R)

Trehan y Walsh (1988)

Trehan y Walsh (1991): DP

Restando S_t en eq(20) implica ΔS es I(0) equivale a B y S cointegran

$$T_t = \beta_0 + \beta_1 G P_t + \varepsilon_t$$

- 1.- Las series GP_t y T_t cointegran con el vector (1,-1), esto eso, β_1 =1 lo que indica que la política fiscal es sostenible en el largo plazo en el sentido fuerte. Más aún el déficit es estacionario I(0).
- 2.- Las series GP_t y T_t cointegren pero con un coeficiente menor a uno, esto es, con $0 < \beta_1 < 1$. Entonces la política fiscal es sostenible en el largo plazo en el sentido débil ya que la razón de deuda a PIB aumenta en el largo plazo pero la restricción presupuestal se cumple. De este modo, la colocación de la deuda futura será más difícil.
- 3.- Las series de GP_t y T_t no cointegran y $\beta_1 < 1$ entonces la política fiscal no es sostenible en el largo plazo.

Cointegración entre deuda pública y déficit primario:

$$SP_t = \beta_3 + \beta_4 B_t + \mu + \varepsilon_t$$

Superávit fiscal y deuda pública: (1,-R).

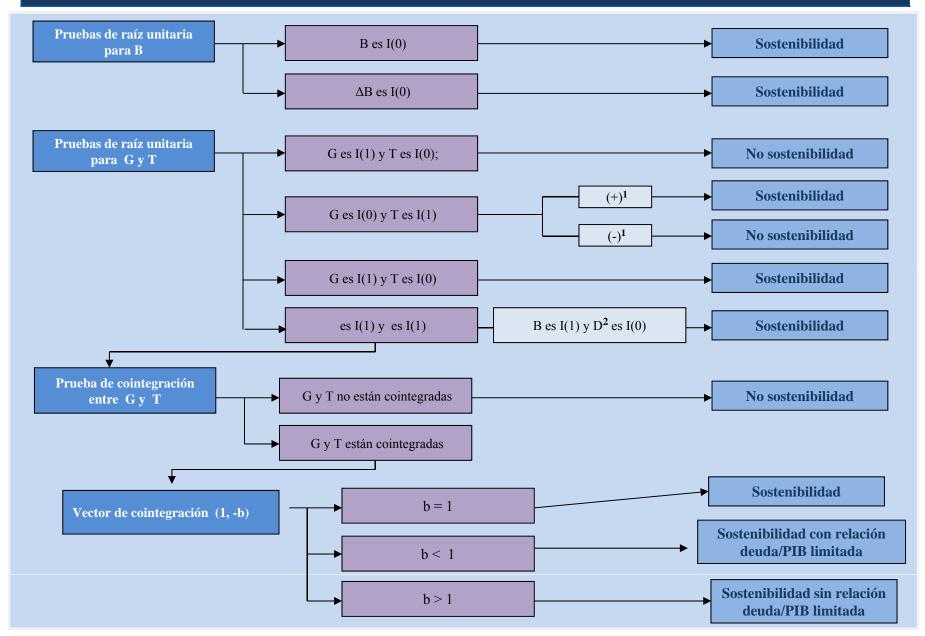
Ingresos públicos, gasto público descontado los intereses de deuda y la deuda: (1,-1,-R).

Corrección de errores (ECM):

(24)
$$\Delta S_{t} = \alpha_{0} + \varphi (S_{t-1} - \pi B_{t-1}) + \sum_{i=1}^{i=n} \Delta S_{t+i} + \sum_{i=1}^{i=n} \Delta B_{t+i} + u_{t}$$

Cambio estructural en los coeficientes

Sostenibilidad fiscal: Pruebas de raíz unitaria y cointegración



Nota: 1 se refiere al signo de la pendiente de la serie de la variable T. 2 es D = Déficit fiscal incluyendo el servicio de la deuda.

Fuente: Afonso, A. (2010) "Fiscal sustainability: The unpleasant European case", FinanzArchiv, 61(1), 19-44.

4.- Función de reacción de la política fiscal:

$$(25) S_t = \rho B_t^* + \mu_t$$

donde

 $\rho > 0$, y μ_t representa otros determinantes en donde destacan, la brecha de producto o el comportamiento cíclico de producto, gasto público, empleo, desempleo, cambio en la deuda, población sobre los 65 años y una constante.

Utilizar la ecuación (25) en razones a PIB.

4. La prueba de Flood-Garber (1980) se basa en que la deuda pública en el momento t se pagará con superávits fiscales de futuros períodos de acuerdo a la restricción presupuestaria definida en la ecuación (13). Ello puede definirse como:

(26)
$$b_t = A_0 \prod_{j=1}^t (1+r_j) + E_t \sum_{j=1}^\infty S_{t+j}$$

De este modo, la restricción presupuestaria se cumple con $A_0 = 0$ lo que implica que b_t es estacionario como s_t ; de otro modo en el caso en que A_o es distinto de cero entonces la deuda pública no puede ser pagada con los superávits fiscales esperados.

La prueba de Flood-Garber (1980) generalizada incluye valores pasados de la deuda pública real y los superávits fiscales.

(27)
$$b_t = c_0 + A_0 \prod_{j=1}^t (1 + R_j) + \beta_1 b_{t-1} + \dots + \beta_1 b_{t-p} + \alpha_1 s_t + \dots + \alpha_1 s_{t-q} + e_t$$

Donde b_t es la deuda pública en términos reales y es la tasa promedio histórica de interés de los bonos del gobierno.

5. Regla fiscal.

(28)
$$\frac{DEF_{t}}{PIB_{t}} = c_{0} + \gamma_{1}gpay + \gamma_{2}\frac{DP_{t}}{PIB_{t}} + \gamma_{3}r_{t} + \gamma_{4}Z_{t} + e_{1}$$

Deuda pública rezagada en un período.

CICLO Y TENDENCIA

Ajuste cíclico: Identificar tendencia y ciclo

Producto potencial

(20)
$$T_t^c = \beta_0 + \beta_1 Y_t^c + u_t$$

(21)
$$DF_t = T_t^p - GP_t^p + (T_t^c - GP_t^c)$$

Posible ajustar otra variables como precio del petróleo.

Ejemplo numérico

Método de ajuste ingresos públicos donde T_t^A son los ingresos fiscales ajustados definidos como:

(22)
$$T_t^A = T_t \exp(\beta_1 Y_t^c) = T_t - T_t \left[1 - \exp(-\beta_1 Y_t^c) \right]$$

Chile:

(23)
$$T^{C} = T - T \left(\frac{Y^{*}}{Y}\right)^{\beta}$$

donde $\beta_1 = 1.05$ (análisis de sensibilidad) Y* = PIB potencial

Sostenibilidad fiscal en América Latina: Una aproximación empírica